

ベクトル 演習プリント

① [2025 福岡大]

$\vec{a}=(2\sqrt{3}, -3)$, $\vec{b}=(\sqrt{3}, 1)$ のとき、ベクトル $\vec{p}=(7\sqrt{3}, 2)$ を実数 s, t を用いて $s\vec{a}+t\vec{b}$ の形に表したとき、 $(s, t)=\left(\square, \square\right)$ となる。また、 u を実数とすると、

$|\vec{a}+u\vec{b}|$ の最小値は \square である。

② [2025 立教大]

2つの平面ベクトル \vec{a}, \vec{b} は、 $|\vec{a}+\vec{b}|=4$, $|\vec{a}-\vec{b}|=2$ を満たすとする。このとき、内積 $\vec{a}\cdot\vec{b}$ の値は \square である。また、 $|2\vec{a}-3\vec{b}|^2+|3\vec{a}-2\vec{b}|^2$ の値は \square である。

③ [2025 広島工業大]

$\triangle OAB$ において点 P は辺 AB を $2:1$ に内分し、点 Q は辺 OB の中点である。線分 OP と線分 AQ の交点を R とするとき、次の問いに答えよ。

(1) \vec{OP} を \vec{OA}, \vec{OB} で表せ。

(2) s を $\vec{OR}=s\vec{OP}$ を満たす実数とすると、 s の値を求めよ。また、 $OR:RP$ を求めよ。

表題

4 [2025 関西大]

座標平面に $\triangle OAB$ がある。線分 AB の延長線上に点 D を、 OB が $\angle AOD$ の二等分線となるようにとる。また、 $\angle AOB = \frac{\pi}{6}$ 、 $OA = 3$ 、 $OB = 2\sqrt{3}$ とする。このとき、 \overrightarrow{OD} を \overrightarrow{OA} と \overrightarrow{OB} を用いて表すと、 $\overrightarrow{OD} = \square \overrightarrow{OA} + \square \overrightarrow{OB}$ である。

5 [2025 関西大]

1 辺の長さが 1 の正六角形 $ABCDEF$ において、線分 CD を $t : (1-t)$ に内分する点を M とする ($0 < t < 1$)。 $\overrightarrow{AB} = \vec{b}$ 、 $\overrightarrow{AF} = \vec{f}$ とおくと、次の問いに答えよ。

- (1) \overrightarrow{AC} と \overrightarrow{AD} を \vec{b} 、 \vec{f} で表せ。
- (2) \overrightarrow{AM} を \vec{b} 、 \vec{f} 、 t で表せ。
- (3) 点 B から直線 AM へ引いた垂線と直線 AM との交点を P とする。 \overrightarrow{AP} を \vec{b} 、 \vec{f} 、 t で表せ。
- (4) (3) の P に対して $AP : PM = 5 : 9$ が成り立つとき、 t の値を求めよ。