

1

n を 2 以上の整数とする。袋の中には 1 から $2n$ までの整数が 1 つずつ書いてある $2n$ 枚のカードが入っている。

- (1) この袋から同時に 2 枚のカードを取り出したとき、そのカードに書かれている数の和が偶数である確率を求めよ。
- (2) この袋から同時に 3 枚のカードを取り出したとき、そのカードに書かれている数の和が偶数である確率を求めよ。
- (3) この袋から同時に 2 枚のカードを取り出したとき、そのカードに書かれている数の和が $2n+1$ 以上である確率を求めよ。

2

四面体 $OABC$ があり、辺 OA , OB , OC の長さはそれぞれ $\sqrt{13}$, 5 , 5 である。

$\overrightarrow{OA} \cdot \overrightarrow{OB} = \overrightarrow{OA} \cdot \overrightarrow{OC} = 1$, $\overrightarrow{OB} \cdot \overrightarrow{OC} = -11$ とする。頂点 O から $\triangle ABC$ を含む平面に下ろした垂線とその平面の交点を H とする。

- (1) 線分 AB の長さを求めよ。
- (2) 実数 s , t を $\overrightarrow{OH} = \overrightarrow{OA} + s\overrightarrow{AB} + t\overrightarrow{AC}$ を満たすように定めるとき、 s と t の値を求めよ。
- (3) 四面体 $OABC$ の体積を求めよ。

3

実数 a , c は $a < c$ を満たすとし、実数 b を $b = \frac{a+c}{2}$ により定める。 xy 平面上の 3 点

A , B , C を、それぞれの座標が (a, a^2) , (b, b^2) , (c, c^2) であるものとする。また、曲線 $y = x^2$ 上の点で、その点における接線の傾きが直線 BC の傾きに等しい点を D とする。

- (1) 線分 BC の中点を M , 線分 AC と直線 MD との交点を P とする。このとき、線分 PM と線分 MD の長さの比 $PM : MD$ を求めよ。
- (2) $\triangle ABC$ と $\triangle BCD$ の面積の比 $\triangle ABC : \triangle BCD$ を求めよ。