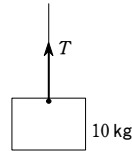


高1 甲陽物理化学 練習問題② ～ 運動方程式 ～

1

質量 10 kg の物体に糸をつけてぶら下げ、鉛直方向に上げ下げする。重力加速度の大きさを 9.8 m/s^2 とする。

- 糸の張力 T が 148 N のとき、物体の加速度 $a \text{ [m/s}^2\text{]}$ の大きさと向きを求めよ。
- 物体が鉛直下向きに 2.0 m/s^2 の加速度で下降しているときの糸の張力の大きさ $T \text{ [N]}$ を求めよ。
- 物体が一定の速さ 4.0 m/s で上昇しているときの糸の張力の大きさ $T \text{ [N]}$ を求めよ。



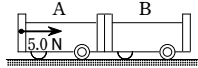
2

傾きの角 30° のあらい斜面上を物体がすべり下りるときの加速度を求めよ。ただし、重力加速度の大きさを g 、斜面と物体との間の動摩擦係数を μ' とする。

3

水平面上に質量 1.0 kg の台車 A と質量 1.5 kg の台車 B を接触させ、図のように A を 5.0 N の力で水平に押す。

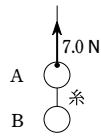
- A, B の加速度の大きさ $a \text{ [m/s}^2\text{]}$ を求めよ。
- A が B を押す力の大きさ $f \text{ [N]}$ を求めよ。



4

図のように、質量が 0.20 kg と 0.30 kg の小球 A, B を軽い糸でつなぎ、A を大きさ 7.0 N の力で鉛直上向きに引き上げた。重力加速度の大きさを 9.8 m/s^2 とする。

- A, B の加速度の大きさ $a \text{ [m/s}^2\text{]}$ を求めよ。
- 糸が B を引く力の大きさ $T \text{ [N]}$ を求めよ。

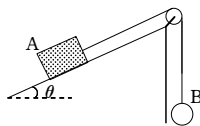


5

質量 0.90 kg の物体 A を、傾きの角 θ のなめらかな斜面上に置く。物体 A に軽く伸びないひもをつけ、これを斜面の上端に固定した軽い滑車に通し、ひもの端に質量 0.50 kg の物体 B をつるす。重力加速度の大きさを

9.8 m/s^2 、 $\sin \theta = \frac{1}{3}$ とする。

- A は斜面を上昇するか、下降するか。
- A の加速度の大きさ $a \text{ [m/s}^2\text{]}$ と、ひもが A を引く力の大きさ $T \text{ [N]}$ を求めよ。

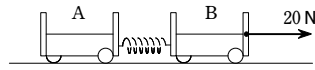


6

図のように、質量 1.5 kg の力学台車 A と質量 3.5 kg の力学台車 B を、ばね定数が 30 N/m のばねでつなぎ、なめらかな水平面上に置いた。このとき、ばねの長さは自然の長さであった。

台車 B に水平方向に 20 N の力を加えて引き続けたとき、ばねの質量は無視できるものとして、以下の問いに答えよ。

問1 台車 A, B に生じる加速度は何 m/s^2 か。次の ①～⑥ のうちから正しいものを 1



つ選べ。

- ① 3.1 ② 4.0 ③ 5.7 ④ 10 ⑤ 13 ⑥ 20

問2 2 台の台車が運動しているとき、ばねの伸びは何 m か。次の ①～⑥ のうちから正しいものを 1 つ選べ。

- ① 0.20 ② 0.40 ③ 0.50 ④ 0.67 ⑤ 1.0 ⑥ 1.3

7

あらい板の上に質量 m の物体が置かれている。いま、図 1 のように、この板を徐々に傾け、板と水平面のなす角 θ を徐々に大きくしていったところ、図 2 のように、 θ が 30° となると、物体がすべり出す直前となり、その後、物体がすべり落ちた直後に板の傾きを固定した。このときの板と水平面のなす角 θ は 30° であると考えてよいものとし、また、物体と板との間の動摩擦係数を μ' 、重力加速度の大きさを g とする。

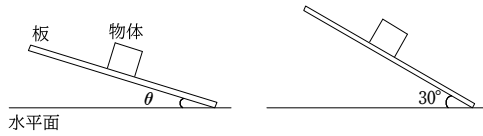
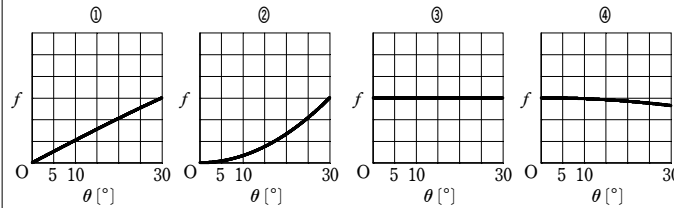


図 1

図 2

問1 θ が 0° から 30° の角度のとき、物体にはたらくている摩擦力の大きさ f と θ の関係を表すグラフの概形として最も適当なものを、次の ①～④ のうちから 1 つ選べ。



問2 物体と板との間の静止摩擦係数 μ はいくらか。最も適当な数値を、次の ①～④ のうちから 1 つ選べ。

- ① $\frac{1}{2}$ ② $\frac{1}{\sqrt{3}}$ ③ $\frac{\sqrt{3}}{2}$ ④ $\sqrt{3}$

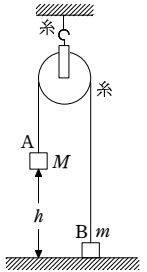
問3 物体が板上をすべり落ちるときの加速度の大きさとして正しいものを、次の ①～④ のうちから 1 つ選べ。

- ① $\frac{1}{2}g$ ② $\frac{\sqrt{3}}{2}\mu'g$ ③ $\frac{(1+\sqrt{3}\mu')}{2}g$ ④ $\frac{(1-\sqrt{3}\mu')}{2}g$

8

定滑車に糸をかけ、その両端に質量 M と m の物体 A, B をつるす。B は地上に、A は高さ h の所にある。糸や滑車の質量を無視し、 $M > m$ 、重力加速度の大きさを g とする。物体 A を静かにはなして降下させるとき、次の各量を求めよ。

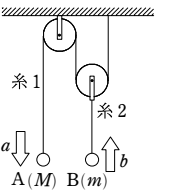
- A の加速度の大きさ a
- A をつるしている糸の張力の大きさ T
- 滑車をつるしている糸の張力の大きさ S
- A と B がすれ違うまでの時間 t と、そのときの A の速さ v



9

糸 1 を定滑車と動滑車にかけて質量 $M \text{ [kg]}$ の小球 A をつるし、動滑車には糸 2 で質量 $m \text{ [kg]}$ の小球 B をつるして、A, B を同じ高さに支えてからはなす。重力加速度の大きさを $g \text{ [m/s}^2\text{]}$ とし、糸と滑車の質量、糸と滑車の間の摩擦を無視する。

- A の加速度の大きさを $a \text{ [m/s}^2\text{]}$ として、B の加速度の大きさ $b \text{ [m/s}^2\text{]}$ を a を用いて表せ。
- 糸 1 が A を引く力(糸 1 の張力)を $T_1 \text{ [N]}$ として、糸 2 が B を引く力(糸 2 の張力) $T_2 \text{ [N]}$ を T_1 を用いて表せ。
- A が下降するとして、A の加速度の大きさ a を求めよ。
- 動き始めてから、A, B 間の高さの差が $h \text{ [m]}$ になるまでの時間 $t \text{ [s]}$ を求めよ。



ヒント (1) 同じ時間の A, B の移動距離を比べる。

- 動滑車にはたらく力の合力は 0。

10

図のように、2 つの滑車と伸び縮みしないひもを使い、質量 M の物体 1 と質量 m の物体 2 をつり上げた。初め、物体 1, 2 は動かないように手で支えられている。静かに手をはなしたところ、物体 1, 2 が運動し始めた。このときの物体 1 の加速度を α 、物体 2 の加速度を β とする。

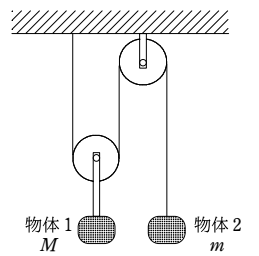
ただし、加速度は鉛直下向きを正とする。また、滑車とひもの質量は無視でき、滑車はなめらかに回転するものとする。

問1 加速度 α と β の間に成りたつ関係として正しいものを、次の ①～⑥ のうちから 1 つ選べ。

- ① $\beta = 2\alpha$ ② $\beta = \alpha$ ③ $2\beta = \alpha$ ④ $\beta = -2\alpha$ ⑤ $\beta = -\alpha$
⑥ $2\beta = -\alpha$

問2 物体 1, 2 の運動方程式の組合せとして正しいものを、次の ①～④ のうちから 1 つ選べ。ただし、ひもの張力の大きさを T とし、重力加速度の大きさを g とする。

- ① $\begin{cases} M\alpha = Mg - 2T \\ m\beta = mg - T \end{cases}$ ② $\begin{cases} M\alpha = mg - 2T \\ m\beta = Mg - T \end{cases}$ ③ $\begin{cases} M\alpha = (M+m)g - T \\ m\beta = (M+m)g - 2T \end{cases}$
④ $\begin{cases} M\alpha = (M+m)g - 2T \\ m\beta = (M+m)g - T \end{cases}$



高1 甲陽物理化学 練習問題② ～ 運動方程式 ～

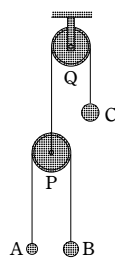
問3 次の文中の□に入れる式として正しいものを、①～⑥のうちから1つ選べ。

物体1は、 $M > \square$ のとき降下するが、 $M < \square$ のときは上昇する。

- ① $\frac{m}{3}$ ② $\frac{m}{2}$ ③ m ④ $2m$ ⑤ $3m$

11

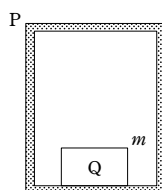
図のように、質量 m の小球 A と質量 $3m$ の小球 B を軽い糸で結び滑車 P にかける。滑車 P と質量 $4m$ の小球 C を軽い糸で結び、天井からつるした滑車 Q にかける。滑車はなめらかにまわりその質量は無視できる。重力加速度の大きさを g とする。



- C を固定して A, B を同時に静かにはなす場合、これらの加速度の大きさ a_0 と、AB 間、PC 間の糸が引く力 T_1, T_2 をそれぞれ求めよ。
- A, B, C をすべてを同時に静かにはなす場合、A, B, C の加速度の大きさ a, b, c 、および AB 間、PC 間の糸が引く力 T_3, T_4 をそれぞれ求めよ。
- C を別の小球 D にとりかえて (2) と同様の実験を行ったところ、D は動かなかった。この D の質量を求めよ。

12

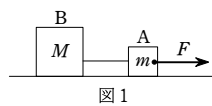
図のように、箱 P の中に質量 m [kg] の物体 Q が置かれている。重力加速度の大きさを g [m/s²] とする。



- P が加速度 a [m/s²] で上昇するとき、Q が P の下面から受ける垂直抗力の大きさ N_1 [N] を求めよ。
- P が重力加速度の大きさより大きい加速度 b [m/s²] で下降するとき、Q は箱の下面から離れ、上面に接触して P とともに加速度 b [m/s²] で下降する。このとき、Q が P の上面から下向きに受ける垂直抗力の大きさ N_2 [N] を求めよ。
- P が自由落下するとき、Q が P から受ける垂直抗力の大きさ N_3 [N] を求めよ。

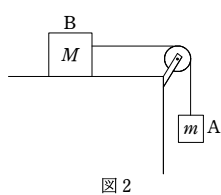
13

質量 m [kg] の物体 A と M [kg] の物体 B が軽い糸でつながれている。次の実験 I と II それぞれについて問い (1) に答え、実験 I については問い (2)、実験 II については問い (3) に答えよ。ただし、重力加速度の大きさは g



[m/s²] とする。
実験 I : 図 1 のように、物体 A と B をなめらかな水平面上に置き、物体 A を大きさ F [N] の力で水平方向右向きに引き続ける。

実験 II : 図 2 のように、物体 B を水平でなめらかな机の面上に置き、糸を机の端の滑車にかけ物体 A をつるす。滑車はなめらかに回転し、その質量は無視できる。



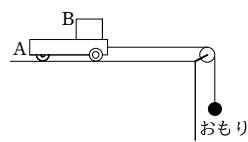
- 物体 A, B の加速度の大きさ a [m/s²]、糸が物体 A, B を引く力の大きさ T [N] を求めよ。
- 実験 I において、物体 A を右向きに引く力の大きさを 2 倍にすると、生じる加速度の大きさは 2 倍になる

か、ならないか。

- 実験 II において、物体 A の質量を 2 倍にすると、生じる加速度の大きさは 2 倍になるか、ならないか。

14

図のように、なめらかで水平な台の上に台車 A、物体 B がのっている。A に糸をつけて滑車を通し、他端におもりをつるす。A, B の質量を 2.4 kg、0.80 kg とし、重力加速度の大きさを 9.8 m/s² とする。水平方向の速度、加速度は右向きを正の向きとする。

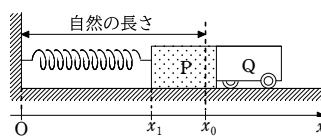


- 質量 2.4 kg のおもりをつるして静かにはなすと、A, B は一体となって動いた。このときの台車 A の加速度を求めよ。
- おもりの質量を少しずつ増加させると、3.2 kg になった直後に、物体 B は台車 A 上をすべり始めた。A と B の間の静止摩擦係数 μ を求めよ。
- おもりの質量を 4.0 kg にして静かにはなしたところ、物体 B は水平な台に対して 4.0 m/s² の加速度で動き始めた。A と B の間の動摩擦係数 μ' と A の加速度を求めよ。

ヒント B は A から受ける摩擦力によって加速される。

15

水平面上に質量 M の物体 P と質量 m の台車 Q があり、P は自然の長さ x_0 の軽いばね (ばね定数 k) で壁に取りつけてある。壁の位置を原点として、ばねが伸びる向きに x 軸をとる。また、Q と水平面の間には摩擦がないが、P と水平面の間には摩擦があり、その動摩擦係数を μ' とする。Q を P に押しつけて、P が $x = x_1$ ($x_1 < x_0$) の位置にくるまでばねを縮めた後、静かに手をはなすと、2 物体は動きだした。重力加速度の大きさを g とする。

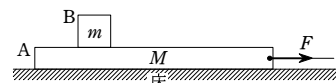


- P の位置が x ($x < x_0$) のとき、P および Q の運動方程式をそれぞれ立てよ。ただし、P と Q が及ぼしあう力の大きさを f 、2 物体の加速度の大きさを a とする。
- f を求めよ。 (3) Q が P を離れたときの P の位置を求めよ。

ヒント (3) Q が P を離れるのは $f = 0$ となるときである。

16

床の上に物体 A, B がのっている。A と B の質量をそれぞれ M, m 、重力加速度の大きさを g とする。A と床との間の摩擦は無視できる。A と B との間の静止摩擦係数を μ 、動摩擦係数を μ' とする。A を力 F で水平に引く。右向きを正の向きとする。



- F が小さいときは、静止摩擦のため A と B は一体になって運動する。
 - このとき、B にはたらく摩擦力は右向きか左向きのどちらか。
 - A と B の加速度を a 、B にはたらく摩擦力の大きさを f として、A, B それぞれについて運動方程式を立てよ。

(c) a と f を求めよ。

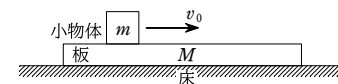
(2) F がある大きさ F_0 をこえると、B は A の上ですべるようになる。

- すべりだす直前に、B にはたらくしている摩擦力の大きさ f_0 を求めよ。
- F_0 を求めよ。

(3) 引く力 F が F_0 より大きいとき、B は A の上ですべりだす。このときの A および B の加速度 a_A, a_B を求めよ。

17

右の図のように、質量 m の小物体が質量 M の大きな板の上に乗っている。小物体と板との間の動摩擦係数を μ とし、板と床との間の摩擦は無視する。



時刻 $t = 0$ において、小物体に右向きの初速度 v_0 を与えると、板も同時に動き始めた。右向きを正の向きとし、重力加速度の大きさを g とする。

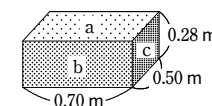
- 小物体の加速度 a を求めよ。
- 板の加速度 A を求めよ。
- 小物体が板に対して静止するまでの時間 t 、その間に小物体が板に対してすべる距離 l を求めよ。

ヒント (2) 板は動摩擦係数 μmg によって加速される。

- 両者の速度が等しくなったときが t 。この間の両者の移動距離の差が l 。

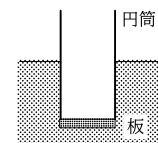
18

質量 1.0 kg の物体がある。物体の面 a, b, c を下にして床に置くとき、床が受ける圧力 p_a, p_b, p_c [Pa] を求めよ。



19

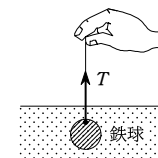
断面積が 75 cm² の円筒に、円筒の断面と同じ大きさの質量 0.45 kg の板を図のようにあてて、水に十分深く沈めた。水の密度を 1.0×10^3 kg/m³ とする。



- 円筒を上げていくと、ある深さで板がはずれた。このときの板の連した深さ h [cm] を求めよ。
- 板の上におもりをのせて同じように円筒を上げていくと、板が水深 8.0 cm に達したところで、板がはずれた。おもりの質量 m [kg] を求めよ。

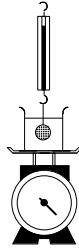
20

質量 m [kg]、密度 ρ [kg/m³] の鉄球を軽い糸でつるし、つり下げた状態で密度 ρ_0 [kg/m³] の液体の中に全体を沈めた。このとき、糸が鉄球を引く力の大きさ T [N] を求めよ。ただし、重力加速度の大きさを g [m/s²] とする。



21

ビーカーに水を入れ、台はかりでその重さをはかったら、6.86 Nであった。質量 0.400 kg のガラス球をばねはかりにつるし、右図のようにビーカーの水中に完全に入れたところ、ばねはかりは 1.96 N を示した。重力加速度の大きさを 9.80 m/s^2 とする。



- (1) ガラス球が受けている浮力の大きさ F [N] を求めよ。
- (2) (1) の浮力の反作用は何から何にはたらくているか。
- (3) このときの台はかりに加わる力は何 N か。

22

台ばかりの上に水のはいたビーカーをのせ、その水の中に質量 m の小球をいれたところ、図 1 のように浮かんで静止した。次に、ばね定数 k のばねの端を小球の上にとりつけて、ばねの上端を図 2 のように鉛直に押し下げて小球が完全に水中に入るようにして静止させたところ、ばねの自然の長さからの縮みは x であった。ビーカーと水をあわせた質量を M 、重力加速度の大きさを g とする。

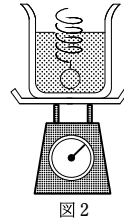
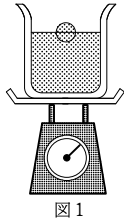


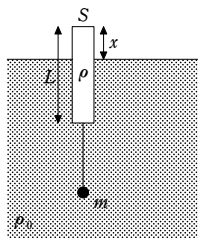
図 1

図 2

- (1) 図 1 のとき、小球にはたらく浮力の大きさ F_1 を求めよ。
- (2) 図 1 の台ばかりの目盛りが示す重さを求めよ。
- (3) 図 2 のとき、小球にはたらく浮力の大きさ F_2 を求めよ。
- (4) 図 2 の台ばかりの目盛りが示す重さを求めよ。

23

図のように、浮きを水面に垂直に浮かべた。浮きは断面積 S 、長さ L の細長い一様な円柱であり、その下には質量 m のおもりが糸でつり下げられている。水の密度を ρ_0 、浮きの密度を ρ ($\rho < \rho_0$) とする。ただし、糸の質量と太さおよびおもりの大きさは無視できるものとする。



問 1 浮きが上端を水面上に出して図のように静止しているとき、上端の水面からの高さ x として正しいものを、次の ①～⑥ のうちから 1 つ選べ。

- ① $(1 - \frac{\rho}{\rho_0})L + \frac{m}{\rho S}$ ② $(1 - \frac{\rho}{\rho_0})L - \frac{m}{\rho S}$ ③ $(1 + \frac{\rho}{\rho_0})L + \frac{m}{\rho S}$
 ④ $(1 + \frac{\rho}{\rho_0})L - \frac{m}{\rho S}$ ⑤ $(1 - \frac{\rho}{\rho_0})L + \frac{m}{\rho_0 S}$ ⑥ $(1 - \frac{\rho}{\rho_0})L - \frac{m}{\rho_0 S}$
 ⑦ $(1 + \frac{\rho}{\rho_0})L + \frac{m}{\rho_0 S}$ ⑧ $(1 + \frac{\rho}{\rho_0})L - \frac{m}{\rho_0 S}$

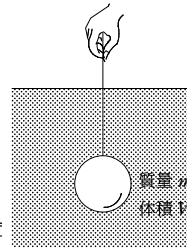
問 2 図の静止状態で、浮きとおもりをつないでいる糸が突然切れた。切れた直後の浮きの加速度の大きさとして正しいものを、次の ①～⑥ のうちから 1 つ選べ。ただし、重力加速度の大きさを g とする。

- ① $\frac{mg}{\rho SL}$ ② $\frac{mg}{\rho Sx}$ ③ $\frac{mg}{\rho S(L-x)}$ ④ $\frac{mg}{\rho_0 SL}$ ⑤ $\frac{mg}{\rho_0 Sx}$

⑥ $\frac{mg}{\rho_0 S(L-x)}$

24

質量 m 、体積 V の物体を糸につるし、密度 ρ の液体中に浸した後、静かに手を放した。物体は液体中を落下した。落下中の物体は速度に比例した抵抗力を受け、その比例定数は k である。重力加速度の大きさを g とする。



- (1) 物体が液体中を落下するには液体の密度 ρ はある値より小さくなくてはならない。その値を V 、 m で表せ。
- (2) 落下中の物体の速度を v として、加速度の大きさ a を求めよ。
- (3) 物体の落下速度はやがてほぼ一定値になった。その速度 v_f を求めよ。

ヒント (2) 重力、浮力、抵抗力を考えて運動方程式をたてる。

- (3) 物体の加速度は 0 である。

25

図 1 のように、あらい斜面の上に質量 M の物体 A を置く。A には軽い糸で質量 m のおもり B がつながれ、B は滑車を通して鉛直につり下げられている。斜面が鉛直方向となす角度(頂角) θ は $0^\circ < \theta \leq 90^\circ$ の範囲で変えることができる。A と滑車の間では糸は常に斜面に平行に保たれる。滑車は軽く、またなめらかに回転できる。

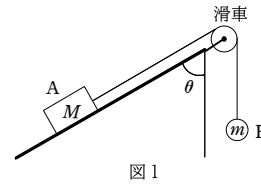


図 1

A と斜面の間の静止摩擦係数を μ 、動摩擦係数を μ' 、重力加速度の大きさを g とする。

問 1 最初、A は斜面上に静止していた。斜面が鉛直方向となす角度(頂角)を徐々に大きくしていくと、角度が θ_1 をこえたときに B が降下し、A は上向きにすべり始めた。

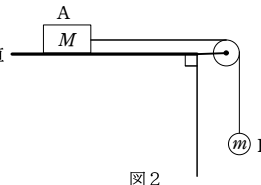


図 2

このとき、質量の比 $\frac{m}{M}$ を θ_1 で表す式として正しいものを、次の ①～⑥ のうちから 1 つ選べ。

- ① $1 - \mu \tan \theta_1$ ② $1 + \mu \tan \theta_1$ ③ $\cos \theta_1 - \mu \sin \theta_1$
 ④ $\cos \theta_1 + \mu \sin \theta_1$ ⑤ $-\mu \cos \theta_1 + \sin \theta_1$ ⑥ $\mu \cos \theta_1 + \sin \theta_1$

問 2 図 2 のように、斜面を水平 ($\theta = 90^\circ$) にし、A を面上に置いて静かにはなしたところ、B は降下し始めた。

B が距離 h だけ降下したときの、A の速さを表す式として正しいものを、次の ①～⑥ のうちから 1 つ選べ。

ただし、このとき A は面の端まで達していないものとする。

- ① $\sqrt{2gh}$ ② $\sqrt{\frac{2mgh}{M}}$ ③ $\sqrt{\frac{2mgh}{m+M}}$ ④ $\sqrt{\frac{2gh(m-\mu'M)}{m}}$
 ⑤ $\sqrt{\frac{2gh(m-\mu'M)}{M}}$ ⑥ $\sqrt{\frac{2gh(m-\mu'M)}{m+M}}$

高1 甲陽物理化学 練習問題② ～ 運動方程式 ～

1

【解答】 (1) 鉛直上向きに 5.0 m/s^2 (2) 78 N (3) 98 N

2

【解答】 $\frac{1-\sqrt{3}\mu'}{2}g$

3

【解答】 (1) 2.0 m/s^2 (2) 3.0 N

4

【解答】 (1) 4.2 m/s^2 (2) 4.2 N

5

【解答】 (1) 上昇する (2) $a: 1.4 \text{ m/s}^2, T: 4.2 \text{ N}$

6

【解答】 問1 ④ 問2 ④

7

【解答】 問1 ④ 問2 ④ 問3 ④

8

【解答】 (1) $\frac{M-m}{M+m}g$ (2) $\frac{2Mm}{M+m}g$ (3) $\frac{4Mm}{M+m}g$

(4) $t = \sqrt{\frac{M+m}{M-m} \cdot \frac{h}{g}}, v = \sqrt{\frac{M-m}{M+m}gh}$

9

【解答】 (1) $\frac{a}{2} [\text{m/s}^2]$ (2) $2T_1 [\text{N}]$ (3) $\frac{2(2M-m)}{4M+m}g [\text{m/s}^2]$

(4) $\sqrt{\frac{2(4M+m)h}{3(2M-m)g}} [\text{s}]$

10

【解答】 問1 ④ 問2 ④ 問3 ④

11

【解答】 (1) $a_0 = \frac{1}{2}g, T_1 = \frac{3}{2}mg, T_2 = 3mg$

(2) $a = \frac{5}{7}g, b = \frac{3}{7}g, c = \frac{1}{7}g$

$T_3 = \frac{12}{7}mg, T_4 = \frac{24}{7}mg$

(3) $3m$

12

【解答】 (1) $m(a+g) [\text{N}]$ (2) $m(b-g) [\text{N}]$ (3) 0 N

13

【解答】 実験Ⅰ: (1) $\frac{F}{M+m} [\text{m/s}^2], \frac{M}{M+m}F [\text{N}]$ (2) 2倍になる

実験Ⅱ: (1) $\frac{m}{M+m}g [\text{m/s}^2], \frac{Mm}{M+m}g [\text{N}]$ (3) 2倍にならない

14

【解答】 (1) 4.2 m/s^2 (2) 0.50 (3) $\mu': 0.41, \text{ 加速度}: 5.6 \text{ m/s}^2$

15

【解答】 (1) $P: Ma = k(x_0 - x) - f - \mu'Mg, Q: ma = f$

(2) $\frac{m\{k(x_0 - x) - \mu'Mg\}}{M+m}$ (3) $x_0 - \frac{\mu'Mg}{k}$

16

【解答】 (1) (a) 右向き (b) $Ma = F - f, ma = f$ (c) $a: \frac{F}{M+m}, f: \frac{mF}{M+m}$

(2) (a) μmg (b) $\mu(M+m)g$ (3) $a_A: \frac{F - \mu'mg}{M}, a_B: \mu'g$

17

【解答】 (1) 運動と逆向きに $-\mu g$ (2) 運動と同じ向きに $\frac{\mu mg}{M}$

(3) $t: \frac{Mv_0}{\mu(M+m)g}, l: \frac{Mv_0^2}{2\mu(M+m)g}$

18

【解答】 $p_a = 28 \text{ Pa}, p_b = 50 \text{ Pa}, p_c = 70 \text{ Pa}$

19

【解答】 (1) 6.0 cm (2) 0.15 kg

20

【解答】 $(1 - \frac{\rho_0}{\rho})mg [\text{N}]$

21

【解答】 (1) 1.96 N (2) ガラス球から水にはたらいっている (3) 8.82 N

22

【解答】 (1) mg (2) $(M+m)g$ (3) $mg + kx$ (4) $(M+m)g + kx$

23

【解答】 問1 ④ 問2 ④

24

【解答】 (1) $\rho < \frac{m}{V}$ (2) $(1 - \frac{\rho V}{m})g - \frac{kv}{m}$ (3) $\frac{(m - \rho V)g}{k}$

25

【解答】 問1 ④ 問2 ④

1

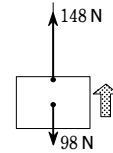
【指針】 物体にはたらく力は、重力 98 N と糸が物体を引く力 T の2力である。正の向きを定めて、運動方程式を立てる。

【解説】 (1) 鉛直上向きを正の向きとすると、「 $ma = F$ 」より

$10 \times a = 148 - 98$

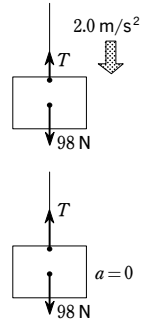
よって $a = 5.0 \text{ m/s}^2$

向きは鉛直上向き



(2) 鉛直下向きを正の向きとすると、「 $ma = F$ 」より
 $10 \times 2.0 = 98 - T$
 よって $T = 78 \text{ N}$

(3) 速度が一定の場合、物体にはたらく力はつりあっている。
 $T - 98 = 0$
 よって $T = 98 \text{ N}$
 【別解】 速度が一定であることから、運動方程式 $ma = T - 98$ を立ててから、加速度 $a = 0$ として、 $T = 98 \text{ N}$ と求めてもよい。



2

物体の質量を m 、斜面方向で下向きの加速度を a とすると、物体についての運動方程式は

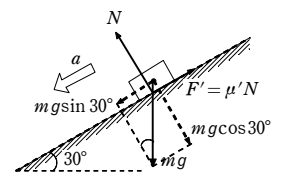
$ma = mg \sin 30^\circ - \mu'N$

斜面に垂直な方向の力はつりあっているから

$N - mg \cos 30^\circ = 0$

この2式から

$a = g(\sin 30^\circ - \mu' \cos 30^\circ)$
 $= \frac{1 - \sqrt{3}\mu'}{2}g$



3

(1) 【Step 1】 作用反作用の法則より、A が B を押す力と、B が A を押す力は、同じ大きさ ($f [\text{N}]$) で逆向きとなる。よって、A、B にはたらく水平方向の力は図のようになる。

【Step 2】 右向きを正の向きとする。

【Step 3】 各物体の運動方程式は

A: $1.0a = 5.0 - f \dots\dots ①$

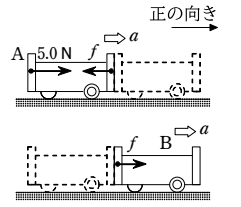
B: $1.5a = f \dots\dots ②$

①式 + ②式より $2.5a = 5.0$

よって $a = 2.0 \text{ m/s}^2$

(2) ②式に $a = 2.0 \text{ m/s}^2$ を代入して

$f = 3.0 \text{ N}$



4

(1) 【Step 1】 糸が A を引く力と B を引く力は、同じ大きさで逆向きとなる。A、B にはたらく力は図のようになる。

【Step 2】 鉛直上向きを正の向きとする。

【Step 3】 A、B それぞれの運動方程式は

A: $0.20a = 7.0 - 0.20 \times 9.8 - T \dots\dots ①$

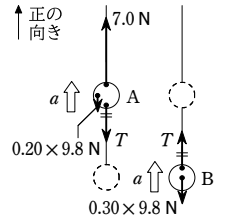
B: $0.30a = T - 0.30 \times 9.8 \dots\dots ②$

①式 + ②式より $0.50a = 2.1$

よって $a = 4.2 \text{ m/s}^2$

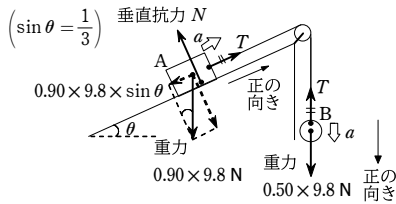
(2) ②式に $a = 4.2 \text{ m/s}^2$ を代入して

$T = 4.2 \text{ N}$



5

物体 A, B にはそれぞれ図のような力がはたらいている。このとき, A, B に生じる加速度の大きさは等しい。また, ひもが A を引く力の大きさと B を引く力の大きさは等しい。



A については斜面方向上向きを正とし, 運動方程式を立てると

$$0.90a = T - 0.90 \times 9.8 \times \frac{1}{3} \quad \dots\dots ①$$

B については鉛直方向下向きを正とし, 運動方程式を立てると

$$0.50a = 0.50 \times 9.8 - T \quad \dots\dots ②$$

①式+②式より

$$1.40a = 0.20 \times 9.8$$

ゆえに $a = 1.4 \text{ m/s}^2$

これを②式に代入して計算すると

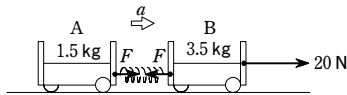
$$T = 4.2 \text{ N}$$

(1) a の値は正となるので, A は斜面を上昇する。

(2) 加速度の大きさは 1.4 m/s^2 , 引く力の大きさは 4.2 N

6

問1 2台の台車が運動するとばねが伸びるので, 両側の台車を引きつけるように弾性力がはたらく。また, ばねの両端にはたらく弾性力は大きさが等しい。台車は水平方向にだけ運動し, 摩擦もはたらかないので, 重力と水平面からの垂直抗力を無視し, ばねからはたらく弾性力の大きさを F とすると, 台車にはたらく力は図のようになる。



2台の台車に生じる加速度の大きさを a , 台車の運動の向きを正の向きとして, A, B それぞれについて運動方程式を立てると

$$\text{台車 A : } 1.5a = F \quad \dots\dots ①$$

$$\text{台車 B : } 3.5a = 20 - F \quad \dots\dots ②$$

①式+②式より $5.0a = 20$ ゆえに $a = 4.0 \text{ m/s}^2$

問2 ①式に a の値を代入して弾性力 F を求めると $F = 6.0 \text{ N}$

が得られる。ばねがこの力で台車を引きつければ, 作用反作用の法則により, ばねも台車から同じ大きさの力で引っ張られることになる。



ばねの両端に 6.0 N の力がはたらくので, ばねの伸びを x とすると, フックの法則「 $F = kx$ 」より $6.0 = 30x$ ゆえに $x = 0.20 \text{ m}$

7

問1 板と水平面とのなす角が θ ($0^\circ < \theta < 30^\circ$) のとき, 物体にはたらく力は図 a のようになる。ここで, 垂直抗力の大きさを N , 静止摩擦力の大きさを f とする。

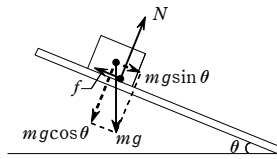


図 a

斜面方向の力のつりあいより

$$f = mg \sin \theta$$

よって, f と θ の関係を表すグラフは, 正弦曲線の一部となる。該当するグラフは ④ である。

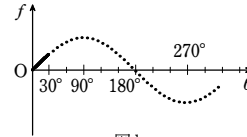


図 b

問2 物体がすべり出す直前のとき, 物体には最大摩擦力 μN がはたらいている (図 c)。

このときの斜面方向の力のつりあいより

$$\mu N = mg \sin 30^\circ \quad \dots\dots ①$$

また, 斜面に垂直な方向の力のつりあいより

$$N = mg \cos 30^\circ \quad \dots\dots ②$$

①, ②式より

$$\mu mg \cos 30^\circ = mg \sin 30^\circ$$

よって

$$\mu = \frac{\sin 30^\circ}{\cos 30^\circ} = \tan 30^\circ = \frac{1}{\sqrt{3}}$$

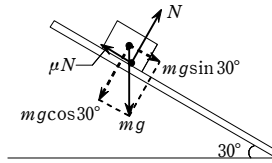


図 c

問3 このとき, 物体には図 d のような力がはたらいている。

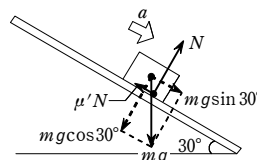


図 d

物体が板上をすべり落ちるときの加速度を a (斜面方向下向きを正) とする。斜面方向の運動方程式は

$$ma = mg \sin 30^\circ - \mu' N \quad \dots\dots ③$$

斜面に垂直な方向の力のつりあいより

$$N = mg \cos 30^\circ \quad \dots\dots ④$$

④式を③式に代入して

$$ma = mg \sin 30^\circ - \mu' mg \cos 30^\circ$$

よって

$$a = (\sin 30^\circ - \mu' \cos 30^\circ)g = \frac{(1 - \sqrt{3}\mu')}{2}g$$

8

指針 A, B は 1本の糸でつながれているので, 加速度の大きさ a も糸の張力 T も等し

い。各物体ごとに, はたらく力の合力を求め, 進行方向を正としてそれぞれ運動方程式を立てる。

解説 (1), (2) A, B にはたらく力は右図となるので,

$$\text{運動方程式は } A : Ma = Mg - T \quad B : ma = T - mg$$

これより, a, T を求めると

$$a = \frac{M - m}{M + m}g \quad T = \frac{2Mm}{M + m}g$$

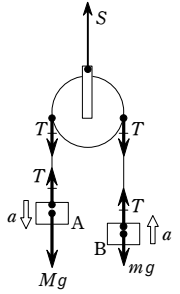
(3) 滑車には張力 S と 2つの張力 T がはたらいて, つりあうので

$$S = 2T = \frac{4Mm}{M + m}g$$

(4) すれ違うまでに, A と B はそれぞれ $\frac{h}{2}$ 進む。

$$\frac{h}{2} = \frac{1}{2}at^2 \text{ より } t = \sqrt{\frac{h}{a}} = \sqrt{\frac{M + m}{M - m} \cdot \frac{h}{g}}$$

$$v = at \text{ より } v = \frac{M - m}{M + m}g \sqrt{\frac{M + m}{M - m} \cdot \frac{h}{g}} = \sqrt{\frac{M - m}{M + m}gh}$$



9

指針 小球 A には糸 1 の張力 T_1 と重力 Mg , 小球 B には糸 2 の張力 T_2 と重力 mg がはたらく。動滑車には糸 1 の張力 T_1 (左右 2 か所), 糸 2 の張力 T_2 (下向き) がはたらく。これらの運動は等加速度直線運動となる。B の上昇距離に対して, A の下降距離が 2 倍になることから, 加速度 a, b の関係を求め, A, B それぞれについて運動方程式を立てる。その際, A が下降すると考えて, それぞれの進行方向を正の向きとする。

解説 (1) 図 a に示すように, A の下降距離 x に対して, 動

滑車の上昇距離 (= B の上昇距離) は $\frac{x}{2}$ となる。したがっ

て, 等加速度直線運動の式

$$x = v_0 t + \frac{1}{2}at^2, \quad v_0 = 0 \text{ より}$$

$$A : x = \frac{1}{2}at^2$$

$$B : \frac{x}{2} = \frac{1}{2}bt^2 \quad x = bt^2$$

$$\text{よって } b = \frac{a}{2} [\text{m/s}^2] \text{ ①}$$

(2) 動滑車にはたらく力は図 b のようになる^②。動滑車は小球

B とともに加速度 b ($= \frac{a}{2}$) で運動している。動滑車の質量を 0 としているので, 動滑車についての運動方程式「 $ma = F$ 」を立てると

$$0 \times \frac{a}{2} = 2T_1 - T_2 \quad T_2 = 2T_1 [\text{N}]$$

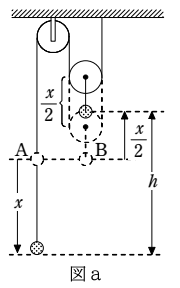


図 a

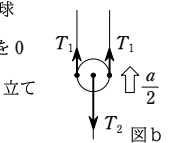


図 b

高1 甲陽物理化学 練習問題② ～ 運動方程式～

(3) 小球 A, B にはたらく力は図 c のようになるので、それぞれについて進行方向を正として運動方程式を立てると

$$A: Ma = Mg - T_1 \quad \dots\dots ①$$

$$B: m \frac{a}{2} = 2T_1 - mg \quad \dots\dots ②$$

①式×4+②式×2を計算すると

$$(4M+m)a = (4M-2m)g \quad \text{よって} \quad a = \frac{2(2M-m)}{4M+m}g \quad [\text{m/s}^2] \quad \dots\dots$$

(4) (1)で述べたように B の上昇距離は A の下降距離の半分なので、A が降下した距離を x とすると (図 a)

$$x + \frac{x}{2} = h \quad x = \frac{2}{3}h$$

A について、等加速度直線運動の式「 $x = v_0t + \frac{1}{2}at^2$ 」より

$$\frac{2}{3}h = \frac{1}{2} \times \frac{2(2M-m)}{4M+m}g \times t^2 \quad t = \sqrt{\frac{2(4M+m)h}{3(2M-m)g}} \quad [\text{s}]$$

←[1] 参考 A と B の移動距離の比、速さの比、加速度の大きさの比は、いずれも 2:1

←[2] 小球 A～定滑車～動滑車～天井 を結ぶ糸 1 は 1 本につながっているため、どこでも張力は等しく T_1 である。

←[3] 参考 T_1 の値を求める。①式より

$$T_1 = M(g-a)$$

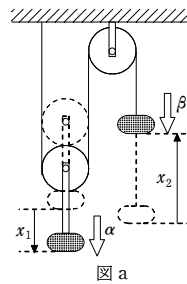
a の値を代入して

$$T_1 = \frac{3Mm}{4M+m}g$$

10

問1 動滑車をある距離移動させるためには、ひもをその2倍の長さだけ動かす必要がある。図 a のように、物体 1 とそれを取り付けた動滑車が x_1 だけ下方へ変位すれば、物体 2 は上方へ x_2 だけ変位することになる。このとき、物体 2 の変位の大きさは、物体 1 の変位の大きさの2倍になるので $x_2 = -2x_1$ と表すことができる。この関係は、2物体の速度についても、加速度についても同様に成り立つので

$$\beta = -2\alpha \quad (\beta \text{ は負となる})$$



問2 2つの物体にはたらく力は、図 b のようになる。

鉛直下向きを正の向きとして、それぞれの物体についての運動方程式を立てると

$$\text{物体 1: } Ma = Mg - 2T \quad \dots\dots ①$$

$$\text{物体 2: } m\beta = mg - T \quad \dots\dots ②$$

となるので、正解は ①

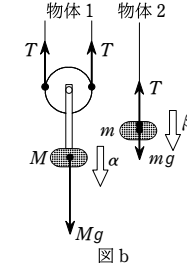
問3 ①式-②式×2 の計算により、 T を消去すると

$$Ma - 2m\beta = Mg - 2mg$$

問1で求めた加速度 α と β の関係式を用いて

$$Ma - 2m(-2\alpha) = (M-2m)g$$

$$\text{上式より} \quad \alpha = \frac{M-2m}{M+4m}g$$



物体 1 が降下するとき $\alpha > 0$ であるから

$$M - 2m > 0 \text{ より } M > 2m \text{ よって、①が正解。}$$

11

考え方 (2) 質量 m_0 の滑車にはたらく合力を f とすると、運動方程式は $m_0 a_{\text{滑車}} = f$ したがって、質量の無視できる軽い滑車 ($m_0 = 0$) であれば、加速度運動をしても $f = 0$ となり、滑車にはたらく力はつりあう。運動方程式は (滑車 P のつりあいの式も含めて) 4 つであるが、求める値は 5 つ (a, b, c, T_3, T_4) であり、式が足りない。A, B, C は糸でつながれているので、独立に動くわけではない。そこでこれらの加速度の関係を考える。

P から見れば、A が上昇する速さと B が下降する速さはつねに等しい。したがって、加速度についても

P から見た A が上昇する加速度の大きさ

$$a - c$$

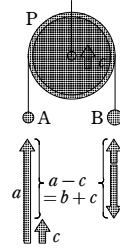
= P から見た B が下降する加速度の大きさ

$$b - (-c)$$

なお、(1) の ①, ② 式はすでに加速度の関係が含まれており、B の加速度を b_0 として加速度の関係を明確にすると、

$$\text{加速度の関係は } a_0 = b_0$$

$$\text{運動方程式は } A: ma_0 = -mg + T_1 \quad B: 3mb_0 = 3mg - T_1 \text{ となる。}$$



(1) A, B, P について運動方程式を立てると

$$A: ma_0 = -mg + T_1 \quad \dots\dots ①$$

$$B: 3ma_0 = 3mg - T_1 \quad \dots\dots ②$$

$$P: 0 = T_2 - 2T_1 \quad \dots\dots ③$$

①～③式より

$$a_0 = \frac{1}{2}g, \quad T_1 = \frac{3}{2}mg, \quad T_2 = 3mg$$

(2) A, B, C, P について運動方程式を立てると

$$A: ma = -mg + T_3 \quad \dots\dots ④$$

$$B: 3mb = 3mg - T_3 \quad \dots\dots ⑤$$

$$C: 4mc = 4mg - T_4 \quad \dots\dots ⑥$$

$$P: 0 = T_4 - 2T_3 \quad \dots\dots ⑦$$

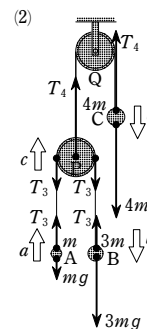
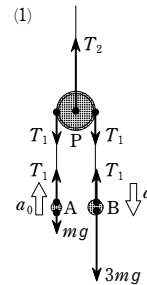
P から見た A の加速度の大きさ $a - c$
= P から見た B の加速度の大きさ $b + c$
すなわち、 $a - b = 2c \quad \dots\dots ⑧$

④～⑧式より

$$a = \frac{5}{7}g, \quad b = \frac{3}{7}g, \quad c = \frac{1}{7}g,$$

$$T_3 = \frac{12}{7}mg, \quad T_4 = \frac{24}{7}mg$$

(3) (1)より、PC間の糸が引く力 $T_2 = 3mg$ のとき、D は静止を続ける。よって、D の質量が $3m$ であればよい。
[補足] D の質量を M などにおいて、(2)の④～⑦と同様に運動方程式(ただし、 $a = b, c = 0$)を立てても、 $M = 3m$ を導くことはできる。



12

考え方 (1), (2)とも、Q は重力と垂直抗力の合力によって加速される。

(1)では上向きを正の向き、(2)では下向きを正の向きにとると、Q の運動方程式は

$$ma = N_1 - mg$$

$$\text{よって } N_1 = m(a+g) \quad [\text{N}]$$

(2) Q にはたらく力は図(2)のようになる。下向きを正の向きにとると、Q の運動方程式は

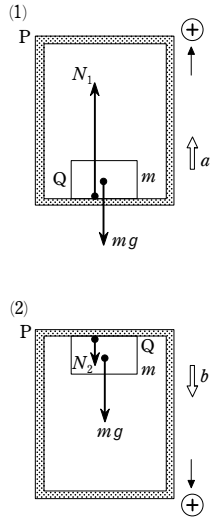
$$mb = N_2 + mg$$

$$\text{よって } N_2 = m(b-g) \quad [\text{N}]$$

(3) P が自由落下するとき、上式で $b = g$ として

$$N_3 = 0 \quad \text{N}$$

[補足] (2)で、Q が P に接触して下降中に、 $b < g$ とすると、 $N_2 < 0$ となり、Q は P の上面を離れて落下する。



13

実験 I

(1) 物体 A, B にはたらく力は (図 a)

1. 糸が引く力 T
2. 力 F (A のみ)
3. 重力
4. 床からの垂直抗力

の 4 種類である。ただし、3, 4 は運動方向に垂直な力であるから、以降では考えなくてもよい。加速度は水平方向右向きを正とする。

物体 A, B について運動方程式を立てると

$$A: ma = F - T \quad \dots\dots ①$$

$$B: Ma = T \quad \dots\dots ②$$

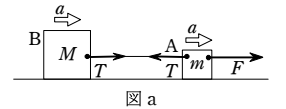
①, ②式より

$$a = \frac{F}{M+m} \quad [\text{m/s}^2] \quad \dots\dots ③ \quad T = \frac{M}{M+m} F \quad [\text{N}]$$

[注] a だけを求めるのなら、物体 A, B, 糸を一体とみなし、質量 $(M+m)$ の物体に力 F がはたらいているとして、運動方程式 $(M+m)a = F$ を立てればよい。

(2) 右向きに引く力の大きさを 2 倍にしたときの加速度を a_1 [m/s^2] とし、③式において $a \rightarrow a_1, F \rightarrow 2F$ と置き換えると

$$a_1 = \frac{2F}{M+m} = 2a \quad \text{答え } 2 \text{ 倍になる}$$



高1 甲陽物理化学 練習問題② ～ 運動方程式～

実験Ⅱ

(1) 物体 A, B にはたらく力は(図 b)

1. 糸が引く力 T
2. 重力
3. 机からの垂直抗力 (B のみ)

の3種類である。ただし, B にはたらく2, 3は実験Ⅰと同様, 以降では考えなくてもよい。

加速度は, A について鉛直下向き, B について水平方向右向きを正とする。

物体 A について運動方程式を立てると $A: ma = mg - T$ ……④

物体 B について運動方程式を立てると $B: Ma = T$ ……⑤

④, ⑤ 式より

$$a = \frac{m}{M+m} g \text{ [m/s}^2\text{]} \quad \dots\dots ⑥ \quad T = \frac{Mm}{M+m} g \text{ [N]}$$

(3) 物体 A の質量を2倍にしたときの加速度を a_2 [m/s²] とし, ⑥ 式において

$a \rightarrow a_2, m \rightarrow 2m$ と置き換えると

$$a_2 = \frac{2m}{M+2m} g < 2a \quad \text{答え } 2 \text{ 倍にならない}$$

【注】 実験Ⅱでは, mg が実験Ⅰでの F の役割をしている。この力を2倍にすると加速を受ける総質量が増すので, 加速度は2倍にならない。

14

【指針】 物体 B の加速度は台車 A が右方へ動くことによってはたらく摩擦力によって生じる。A, B が一体で動いている間は, この摩擦力は静止摩擦力である。A を引く糸の張力の大きさが増すと摩擦力も大きくなる。この摩擦力が最大摩擦力に達すると, その直後に B は A 上ですべりだす。以後, B にはたらく摩擦力は動摩擦力になる。B は A 上で A に対しては後退するが, 台に対しては右方に進む。A, B それぞれについて力をかき, 運動方程式を立てる。

【解説】 (1)～(3)のどの場合についても, A, B, おもり

にはたらく力は図のような(糸の張力を T , B が受ける垂直抗力を N , 摩擦力を F とする。

おもりの質量を m , A, B の加速度をそれぞれ a, b とし運動方程式を立てると

台車 A: $2.4a = T - F$ ……①

物体 B: $0.80b = F$ ……②

おもり: $ma = mg - T$ ……③

(1) A, B が一体となって運動しているときの, 糸の張力を T_1 , A の加速度を a_1 とする。このとき, $a = b = a_1$ なので, ①～③ 式より

$$2.4a_1 = T_1 - F^{(1)} \quad \dots\dots ④$$

$$0.80a_1 = F^{(1)} \quad \dots\dots ⑤$$

$$2.4a_1 = 2.4g - T_1^{(3)} \quad \dots\dots ⑥$$

$$\text{④ 式} + \text{⑤ 式} + \text{⑥ 式より } a_1 = \frac{2.4 \times 9.8}{2.4 + 0.80 + 2.4} = 4.2 \text{ m/s}^2$$

(2) $m = 3.2 \text{ kg}$ のとき, 摩擦力 F は最大摩擦力 $F_0 (= \mu N)$ になる。このときの糸の張力を T_2 , A の加速度 (=B の加速度) を a_2 とする。

①～③ 式より

$$2.4a_2 = T_2 - F_0 \quad \dots\dots ⑦$$

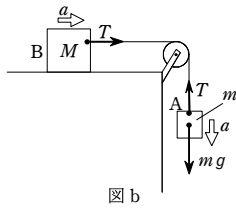


図 b

$$0.80a_2 = F_0^{(4)} \quad \dots\dots ⑧$$

$$3.2a_2 = 3.2g - T_2^{(5)} \quad \dots\dots ⑨$$

$$\text{⑦ 式} + \text{⑧ 式} + \text{⑨ 式より } a_2 = \frac{3.2 \times 9.8}{2.4 + 0.80 + 3.2} = 4.9 \text{ m/s}^2$$

⑧ 式と $F_0 = \mu N = \mu \times 0.80g$ とから

$$0.80a_2 = \mu \times 0.80g \quad \text{よって } \mu = \frac{a_2}{g} = \frac{4.9}{9.8} = 0.50$$

(3) このとき, B は動摩擦力 $F' (= \mu' N)$ によって加速されている。

② 式より $F' = 0.80b^{(6)}$ 一方 $F' = \mu' N = \mu' \times 0.80g$

$$\text{よって } \mu' \times 0.80g = 0.80b \quad \mu' = \frac{b}{g} = \frac{4.0}{9.8} = 0.408 \dots \approx 0.41$$

このときの A の加速度を a_3 , 糸の張力を T_3 とすると, ①, ③ 式より

$$2.4a_3 = T_3 - F' \quad \dots\dots ⑩$$

$$4.0a_3 = 4.0g - T_3^{(7)} \quad \dots\dots ⑪$$

⑩ 式 + ⑪ 式と $F' = 0.80b = 0.80 \times 4.0 \text{ N}$ とから

$$a_3 = \frac{4.0 \times 9.8 - 0.80 \times 4.0}{2.4 + 4.0} = 5.625 \approx 5.6 \text{ m/s}^2$$

← [1] A, B を一体として運動方程式を立ててもよい。

$$A + B: (2.4 + 0.80)a_1 = T_1$$

$$\text{おもり: } 2.4a_1 = 2.4g - T_1$$

← [2] この場合の静止摩擦力 F は

$$F = 0.80a_1 = 0.80 \times 4.2 = 3.36 \text{ N}$$

← [3] 糸の張力 T_1 は

$$T_1 = 2.4(g - a_1) = 2.4 \times (9.8 - 4.2) = 13.4 \text{ N}$$

← [4] 最大摩擦力 F_0 は

$$F_0 = 0.80a_2 = 0.80 \times 4.9 = 3.92 \text{ N}$$

← [5] 糸の張力 T_2 は $T_2 = 3.2(g - a_2) = 3.2 \times (9.8 - 4.9) = 15.7 \text{ N}$

← [6] 動摩擦力 F' は $F' = 0.80 \times 4.0 = 3.2 \text{ N}$

← [7] 糸の張力 T_3 は $T_3 = 4.0(g - a_3) = 4.0 \times (9.8 - 5.625) = 16.7 \text{ N}$

15

【指針】 P に水平方向にはたらく力は, ばねの弾性力, 動摩擦力, Q が P を押す力 f であり, Q に水平方向にはたらく力は, P が Q を押す力 f のみである。それぞれについて運動方程式を立てる。(3) では, Q が P を離れるのは $f = 0$ となるときである。

【解説】 (1) P には, 右向きにばねの弾性

力 $k(x_0 - x)$, 左向きに Q からの

力 f と動摩擦力 $\mu' Mg^{(1)}$ がはた

らさ, Q には, 右向きに P から

の力 f がはたらく。それぞれに

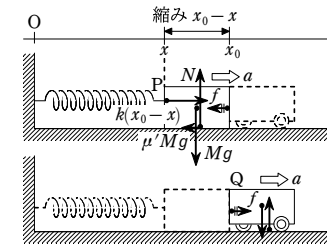
ついて運動方程式を立てると,

P について

$$Ma = k(x_0 - x) - f - \mu' Mg \quad \dots\dots ①$$

Q について

$$ma = f \quad \dots\dots ②$$



$$\text{(2) } \text{① 式} + \text{② 式より } (M+m)a = k(x_0 - x) - \mu' Mg$$

$$\text{よって } a = \frac{k(x_0 - x) - \mu' Mg}{M+m}$$

$$\text{これを ② 式に代入して } f = \frac{m[k(x_0 - x) - \mu' Mg]}{M+m} \quad \dots\dots ③$$

(3) $f = 0$ となると, Q が P を離れる。すなわち, ③ 式より

$$k(x_0 - x) - \mu' Mg = 0 \quad kx_0 - kx - \mu' Mg = 0$$

$$\text{よって } x = x_0 - \frac{\mu' Mg}{k}$$

← [1] P には鉛直下向きに重力 Mg , 鉛直上向きに垂直抗力 N がはたらく, これらが釣りあっているので

$$N = Mg$$

これと「 $F' = \mu' N$ 」より, 動摩擦力の大きさは $\mu' Mg$ となる。

16

【指針】 物体 A には運動を妨げる向き(問題図の左向き)に摩擦力 f がはたらく。一方, 物体 B は f の反作用により, 右へ引っぱられて加速度を生じる。この摩擦力 f は, A を引く力 F が強いほど大きくなるが, f が最大摩擦力に達したときがすべらない限界で, F がさらに大きくなると B は A の上ですべり始め, 摩擦力 f は動摩擦力になって, A のほうが B より先に行ってしまう。A, B それぞれについて力をかき, 運動方程式を立てる。

【解説】 (1) (a) A には運動を妨げる向きである左向きに摩擦力がはたらく。したがって, その反作用である B にはたらく摩擦力は右向きである。

(b) A, B は一体として運動しているので, A と B の加速度 a は等しく, f は静止摩擦力⁽¹⁾である。

図より, A, B それぞれの運動方程式は

$$A: Ma = F - f^{(2)} \quad \dots\dots ①$$

$$B: ma = f^{(2)} \quad \dots\dots ②$$

(c) ① 式 + ② 式より f を消去すると

$$(M+m)a = F \quad a = \frac{F}{M+m}$$

この結果を ② 式に代入すると

$$f = m \times \frac{F}{M+m} = \frac{mF}{M+m}$$

(2) (a) すべりだす直前は, B にはたらく摩擦力が最大摩擦力になる。したがって, B にはたらく垂直抗力の大きさを N とすると

$$f_0 = \mu N = \mu mg^{(3)}$$

(b) $F = F_0$ のとき, B は A に対してすべるかどうかの境目にあるので, f は最大摩擦力となっていて, $f = f_0 = \mu mg$ である。(1)(c) の答えにこのことを代入すると

$$f = \frac{mF_0}{M+m} = \mu mg \quad F_0 = \mu(M+m)g$$

(3) $F > F_0$ のとき, B は A の上をすべる。このとき AB 間にはたらく摩擦力 f は動摩擦力で

$$f = \mu' N = \mu' mg^{(3)}$$

となる。摩擦力の向きは (1) と同じである。A と B は別々の加速度 a_A, a_B で運動す

高1 甲陽物理化学 練習問題② ～ 運動方程式～

るので、①式と②式は次のように書きかえられる。

$$A: Ma_A = F - \mu' mg \quad \dots\dots ①'$$

$$B: ma_B = \mu' mg \quad \dots\dots ②'$$

$$①' \text{式より } a_A = \frac{F - \mu' mg}{M}$$

$$②' \text{式より } a_B = \mu' g$$

←[1] 最大摩擦力とは限らないので、 $f = \mu N$ としてはいけない。

←[2] 物体AとBにはたらく摩擦力は作用と反作用の関係なので、互いに同じ大きさである。このことはBがAの上で一体となってもすべっていても成り立つ関係である。

←[3] 物体Bの鉛直方向のつりあいより

$$N - mg = 0$$

よって $N = mg$ を用いた。

17

指針 小物体が板の上を右向きにすべると、板との間の動摩擦力が小物体には後ろ向きにはたらき、小物体は一定の加速度 a で減速していく。一方、板はこの動摩擦力の反作用を受け、前方へ引っぱられて一定の加速度 A で加速する。やがて両物体の速度が一致したとき、小物体は板に対して相対的に静止し、以後は一体となって床の上を等速直線運動をする。この間に小物体が床に対して移動した距離、板が移動した距離を求めて差をとれば、小物体が板に対してすべった距離が求まる。

解説 (1) 小物体、板にはたらく力は図ようになる。 f は動摩擦力で、小物体、板にはたらく動摩擦力は等しく

$$f = \mu N = \mu mg^{(1) \leftarrow}$$

ただし、 N は小物体にはたらく

垂直抗力である。したがって小物体の運動方程式は

$$ma = -f (= -\mu mg) \quad a = -\mu g \quad (\text{運動と逆向き})$$

(2) 板の運動方程式は

$$MA = f (= \mu mg) \quad A = \frac{\mu mg}{M} \quad (\text{運動と同じ向き})$$

(3) 等加速度直線運動の式「 $v = v_0 + at$ 」より、時刻 t における小物体、板の速度 v 、 V はそれぞれ

$$v = v_0 + at = v_0 - \mu gt$$

$$V = 0 + At = \frac{\mu mg}{M} t$$

両者の速度が一致したとき、小物体は板に対して(相対的に)静止するので、 $v = V$ とおくと^{(2)←}

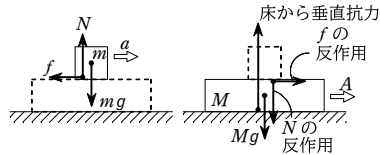
$$v_0 - \mu gt = \frac{\mu mg}{M} t \quad \dots\dots ①$$

M 倍して t について整理すると

$$\mu(M+m)gt = Mv_0$$

$$t = \frac{Mv_0}{\mu(M+m)g} \quad \text{[3]←}$$

この間に小物体、板が床に対して移動した距離を x 、 X とすると、等加速度直線運



動の式

$$「x = v_0 t + \frac{1}{2} at^2」より$$

$$x = v_0 t - \frac{1}{2} \mu gt^2$$

$$X = 0 \cdot t + \frac{1}{2} \cdot \frac{\mu mg}{M} t^2$$

図より

$$l = x - X = v_0 t - \frac{1}{2} \mu gt^2 - \frac{1}{2} \cdot \frac{\mu mg}{M} t^2 = v_0 t - \frac{\mu(M+m)}{2M} gt^2$$

t の値を代入して

$$\begin{aligned} l &= v_0 \left\{ \frac{Mv_0}{\mu(M+m)g} \right\} - \frac{\mu(M+m)g}{2M} \left\{ \frac{Mv_0}{\mu(M+m)g} \right\}^2 \\ &= \frac{Mv_0^2}{\mu(M+m)g} - \frac{Mv_0^2}{2\mu(M+m)g} = \frac{Mv_0^2}{2\mu(M+m)g} \end{aligned}$$

←[1] 鉛直方向のつりあいより $N - mg = 0$

よって $N = mg$ を用いた。

←[2] 床に対して止まってしまうわけではない。両者が一体となって等速直線運動になる。

←[3] **参考** このときの板と小物体の速度 v_f は、 V の式より

$$v_f = \frac{\mu mg}{M} \times \frac{Mv_0}{\mu(M+m)g} = \frac{m}{M+m} v_0$$

19

考え方 円筒を水に沈めると、板は下向きに重力、上向きに浮力を受ける。このとき、水圧の合計が重力より大きければ、板ははずれない。

解説 (1) 板がはずれる直前は、板が受ける重力と水圧の合計が等しい。

$$\text{水の密度 } \rho = 1.0 \times 10^3 \text{ kg/m}^3,$$

$$\text{板の面積 } S = 75 \times 10^{-4} \text{ m}^2,$$

$$\text{板の質量 } M = 0.45 \text{ kg},$$

$$\text{水圧の式 } p = \rho hg \text{ より}$$

$$Mg - pS = 0$$

$$Mg - \rho hgS = 0$$

$$\text{よって } h = \frac{M}{\rho S}$$

$$= \frac{0.45}{1.0 \times 10^3 \times 75 \times 10^{-4}} = 0.060 \text{ (m)} = \mathbf{6.0 \text{ (cm)}}$$

(2) 板とおもりを合わせた重力は $(0.45 + m)g$ で、板がはずれる直前に水圧の合計とつりあう。

$$(0.45 + m)g - pS = 0$$

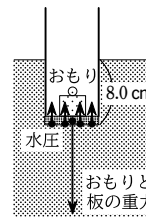
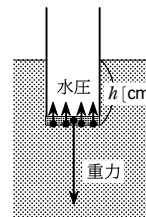
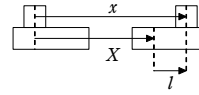
$$(0.45 + m)g - \rho hgS = 0$$

よって

$$m = \rho hS - 0.45$$

$$= 1.0 \times 10^3 \times 8.0 \times 10^{-2} \times 75 \times 10^{-4} - 0.45$$

$$= \mathbf{0.15 \text{ (kg)}}$$



20

指針 鉄球が液面に沈んでいるとき、重力、糸が引く力、浮力の3力がつりあう。

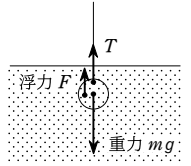
解説 鉄球が受ける浮力の大きさは、鉄球が排除した液体の重さに等しい。よって浮力 F [N] は、鉄球の体積を V [m³] とおくと $F = \rho_0 V g$

ここで、鉄球の体積は $V = \frac{m}{\rho}$ より

$$F = \rho_0 \cdot \frac{m}{\rho} \cdot g = \frac{\rho_0}{\rho} mg$$

鉄球にはたらく力のつりあいの式より $T + F - mg = 0$

$$\text{よって } T = mg - F = mg - \frac{\rho_0}{\rho} mg = \left(1 - \frac{\rho_0}{\rho}\right) mg \text{ [N]}$$



21

指針 水中にあるガラス球には、下向きに重力、上向きに浮力とばねはかりからの弾性力がはたらき、これらがつりあっている。

解説 (1) ガラス球は、下向きに重力、上向きに浮力とばねからの弾性力^{(1)←}を受けているので、力のつりあいより

$$1.96 + F - (0.400 \times 9.80) = 0$$

$$\text{よって } F = 3.92 - 1.96 = \mathbf{1.96 \text{ N}}$$

(2) 浮力は周囲の水からガラス球にはたらくので、その反作用は、ガラス球から水にはたらいている。

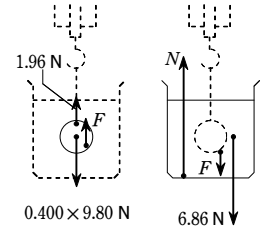
(3) 水の入ったビーカーは、下向きに浮力の反作用と重力、上向きに台はかりからの垂直抗力 N ^{(2)←}を受けているので、力のつりあいより

$$N - F - 6.86 = 0 \quad \text{よって } N = F + 6.86 = 1.96 + 6.86 = \mathbf{8.82 \text{ N}}$$

垂直抗力 N の反作用が、台はかりに加わる力^{(2)←}である。よって $\mathbf{8.82 \text{ N}}$

←[1] ばねはかりが示す重さは、外力がばねを引く力の大きさを表している。その反作用がばねからの弾性力である。

←[2] 台はかりの針が示す重さは、ビーカーが台はかりを下に押ししている力の大きさを表している。その反作用が垂直抗力 N である。



22

考え方

物体が液体に浮かぶときは、浮力と重力がつりあっている。浮力の反作用は液体に作用する。その分が台ばかりの目盛りに加わることになる。(2)の台ばかりの目盛りは浮力によらず、単純に水、ビーカー、小球を合わせた重さになる。(4)では、結果としてばねを押ししている力 kx が加わることになる。

解答

高1 甲陽物理化学 練習問題② ～ 運動方程式 ～

(1) 小球には右図のように力がはたらく。鉛直上向きを正として、つりあいの式より

$$F_1 - mg = 0$$

よって $F_1 = mg$

(2) 水は浮力の反作用として下向きに大きさ F_1 を受ける。また、台ばかりから大きさ N_1 の垂直抗力を受けるとする。水とビーカーを一体とみなして、つりあいの式をたてると

$$N_1 - Mg - F_1 = 0$$

台ばかりの目盛りは N_1 の大きさを示すから、

$$N_1 = Mg + F_1 = Mg + mg = (M + m)g$$

(3) 大きさ kx のばねの弾性力は小球に下向きにはたらく。小球についてのつりあいの式は

$$F_2 - mg - kx = 0$$

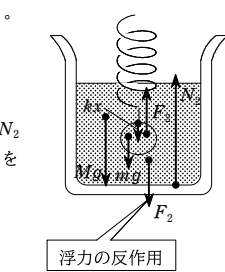
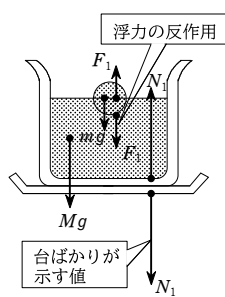
よって $F_2 = mg + kx$

(4) 水とビーカーを一体とみなし、台ばかりから大きさ N_2 の垂直抗力を受けるとすると、 N_2 が台ばかりの目盛りを示す。つりあいの式は

$$N_2 - Mg - F_2 = 0$$

よって $N_2 = Mg + F_2 = Mg + mg + kx$

$$= (M + m)g + kx$$



23

問1 浮きにはたらく力は、重力 W と浮力 F および、おもりにつながら糸の張力 T であり、これらがつりあっている。浮き全体の質量は ρSL 、水面下にある部分の体積は $S(L-x)$ だから、同体積の水の質量は $\rho_0 S(L-x)$ である。

重力加速度の大きさを g とすると、3力のつりあいの式 $F - W - T = 0$ より

$$\rho_0 S(L-x)g - \rho SLg - T = 0 \quad \dots\dots ①$$

おもりにはたらく力のつりあいの式

$$T - mg = 0 \quad \text{より} \quad T = mg$$

であるから、①式は

$$\rho_0 S(L-x)g - \rho SLg - mg = 0$$

よって $L - x = \frac{\rho L}{\rho_0} + \frac{m}{\rho_0 S}$

ゆえに $x = \left(1 - \frac{\rho}{\rho_0}\right)L - \frac{m}{\rho_0 S}$

問2 浮きに生じる加速度を a とする。糸が切れた直後、浮きにはたらく力は F と W であるから、鉛直上向きを正の向きとして運動方程式をたてると

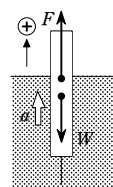
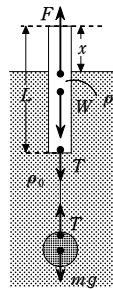
$$\rho SL a = F - W$$

問1のつりあいの式より

$$F - W = T = mg$$

よって $\rho SL a = mg$

ゆえに $a = \frac{mg}{\rho SL}$



【注意】 水中の物体にはたらく浮力は、物体が排除した水の重さ、すなわち水中の物体の

体積と同体積の「水」にはたらく重力と同じ大きさである。したがって、計算に用いる密度は ρ ではなく ρ_0 である。

24

【指針】

- (1) 落下するのは、物体にはたらく重力が浮力^{※A}より大きいときである。
- (2) 物体には下向きに重力、上向きに浮力と抵抗力がはたらく。
- (3) 速度が v_f になるのは、(2) で求めた加速度 a が 0 になるときである。

【解説】

(1) $mg > \rho Vg$ したがって $\rho < \frac{m}{V}$

(2) 物体には、図のように、重力 mg 、浮力 ρVg 、抵抗力 kv がはたらくから、下向きを正として運動方程式をかくと

$$ma = mg - \rho Vg - kv$$

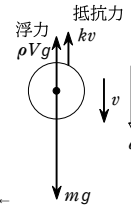
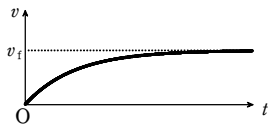
したがって $a = \left(1 - \frac{\rho V}{m}\right)g - \frac{kv}{m}$

(3) 速度が v_f になるのは $a = 0$ のときだから

$$\left(1 - \frac{\rho V}{m}\right)g - \frac{kv_f}{m} = 0 \quad \text{よって} \quad v_f = \frac{(m - \rho V)g}{k} \quad \text{※B}$$

←※A 体積 V の物体が、密度 ρ の流体から受ける浮力の大きさは ρVg である。

←※B 落下が進むにつれて、 v は大きくなり、 a は小さくなるので、 $v-t$ 図は下図のようになる。



25

問1 $\theta = \theta_1$ のとき、物体 A には最大摩擦力がはたらく。このとき、各物体にはたらく力は図 a のようになり、つりあっていると考えられる。物体 A の斜面に平行な方向および垂直な方向の力のつりあいの式は

$$T - Mg \cos \theta_1 - f_0 = 0 \quad \dots\dots ①$$

$$N - Mg \sin \theta_1 = 0 \quad \dots\dots ②$$

また、物体 B にはたらく力のつりあいの式は

$$T - mg = 0 \quad \dots\dots ③$$

②、③式より

$$N = Mg \sin \theta_1$$

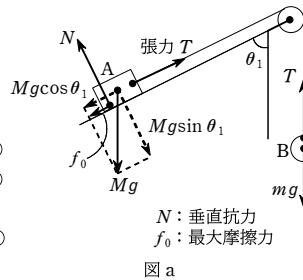
$$T = mg$$

最大摩擦力 $f_0 = \mu N$ であるから、①式より

$$mg - Mg \cos \theta_1 - \mu Mg \sin \theta_1 = 0$$

$$mg = Mg(\cos \theta_1 + \mu \sin \theta_1)$$

よって $\frac{m}{M} = \cos \theta_1 + \mu \sin \theta_1$



問2 2物体に生じる加速度を a 、物体 A にはたらく動摩擦力を f' として、各物体の運動方程式を立てると次のようになる。

$$A: Ma = T' - f' \quad \dots\dots ④$$

$$B: ma = mg - T' \quad \dots\dots ⑤$$

物体 A にはたらく鉛直方向の力のつりあいより $N - Mg = 0$

これと「 $f' = \mu' N$ 」より $f' = \mu' N = \mu' Mg$

④式+⑤式より

$$(m + M)a = mg - f' = mg - \mu' Mg \quad \text{よって} \quad a = \frac{(m - \mu' M)g}{m + M}$$

等加速度直線運動の式「 $v^2 - v_0^2 = 2ax$ 」より、物体の移動距離 $x = h$ のときの速さ v は

$$v^2 = 2 \times \frac{(m - \mu' M)g}{m + M} \times h \quad \text{ゆえに} \quad v = \sqrt{\frac{2gh(m - \mu' M)}{m + M}}$$

【別解】 全体の力学的エネルギーの変化は、非保存力(動摩擦力)がする仕事に等しいことを用いて解くこともできる。 $x = h$ での速さを v として

$$\frac{1}{2} Mv^2 + \frac{1}{2} mv^2 - mgh = -f'h = -\mu' Mgh \quad \text{ゆえに} \quad v = \sqrt{\frac{2gh(m - \mu' M)}{m + M}}$$

